

Problem januari 2005

Sinusfunktionen $f(x) = \sin x$ satisfierar relationen $f(2x) + 2f'(x)f''(x) = 0$ för alla x . Visa att det även finns polynom som satisfierar denna relation och bestäm dessa.