

Operationer mellan matriser m.m.

Addition mellan två matriser...

är möjlig om matriserna är av samma typ.
Addition innebär elementvis addition.

$$\mathbf{A} + \mathbf{B} = (a_{jk})_{m \times n} + (b_{jk})_{m \times n} = (a_{jk} + b_{jk})_{m \times n}.$$

Multiplikation mellan reellt tal och matris görs elementvis

$$x \cdot \mathbf{A} = x \cdot (a_{jk})_{m \times n} = (x \cdot a_{jk})_{m \times n}.$$

Definition av matrismultiplikation

$$\underbrace{\mathbf{A}}_{m \times n} \cdot \underbrace{\mathbf{B}}_{n \times r} =: \mathbf{C}$$

, som ger en matris av typ $m \times r$ med element c_{ik} på plats (i, k) , som produkten av raden och kolonnen

$$[a_{i1} \ a_{i2} \ \dots \ a_{in}] \text{ respektive } \begin{bmatrix} b_{1k} \\ b_{2k} \\ \vdots \\ b_{nk} \end{bmatrix}$$

som är

$$c_{ik} = [a_{i1} \ a_{i2} \ \dots \ a_{in}] \cdot \begin{bmatrix} b_{1k} \\ b_{2k} \\ \vdots \\ b_{nk} \end{bmatrix} = a_{i1}b_{1k} + a_{i2}b_{2k} + \dots + a_{in}b_{nk}.$$

Några räknelagar för matris

Vänsterdistributiva lagen

$$\mathbf{A} \cdot (\mathbf{B} + \mathbf{C}) = \mathbf{A} \cdot \mathbf{B} + \mathbf{A} \cdot \mathbf{C}$$

Enhetsmatris (Identity matrix) $I = I_n$

är en kvadratisk matris (av ordning n) med element

1 på platsera (j, j) , $j = 1, 2, \dots, n$
och $\phantom{1 \text{ på platsera } (j, j), j = 1, 2, \dots, n}$, $j, k = 1, 2, \dots, n$
0 på platserna (j, k) , där $j \neq k$

$$I_1 = [1], \quad I_2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad I_3 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \dots, I_n = \underbrace{\begin{bmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 1 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 1 \end{bmatrix}}_{n \text{ kolonner}} \left. \vphantom{\begin{bmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 1 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 1 \end{bmatrix}} \right\} n \text{ rader.}$$

Egenskap: (matrisernas etta)

$$I \cdot B = B \cdot I = B$$

Definition av transponatmatris

Definition 0.1

Givet en matris $A = (a_{jk})_{m \times n}$
(d.v.s av typ $m \times n$) och med element a_{jk}
på plats (j, k) , $j = 1, 2, \dots, m$,
 $k = 1, 2, \dots, n$.

Transponatmatrisen till A är matrisen
 A^T , som är av typ $n \times m$ med element
 a_{jk} på plats (k, j) .

Några räkneregler

$$(A^T)^T = A$$

$$(A + B)^T = A^T + B^T$$

$$(A \cdot B)^T = B^T \cdot A^T$$