

Skriv tentamenskoden på varje inlämnat blad.

Gränser för bonuspoäng (bp):

7-13 poäng ger 1 bp, 14-20 poäng ger 2 bp, 21-27 poäng ger 3 bp, 28-30 poäng ger 4 bp.

1. a) Funktionen (3p)

$$f(x, y) = \frac{x - y}{1 - xy} \quad (xy < 1)$$

har två stationära punkter - vilka?

- b) Avgör punkternas karaktärer (lokalt minimum/maximum, sadelpunkt). (3p)
c) Beräkna riktningsderivatan av f i origo, tagen i riktning mot punkten (3, 4). (3p)

2. a) Använd koordinatbytet (6p)

$$(u, v) = (x, -2x^3 + 3y^2)$$

för att transformera och därefter bestämma allmänna lösningen till den partiella differentialekvationen

$$y \frac{\partial z}{\partial x} + x^2 \frac{\partial z}{\partial y} = x^2 y \quad (x > |y|)$$

- b) Bestäm linjariseringen av funktionen (3p)

$$f(x, y) = (x, -2x^3 + 3y^2)$$

i punkten $(x, y) = (-1, 1)$.

3. Beräkna (6p)

$$\iint_D (x^3 + y) \, dx dy$$

där D är triangeln med hörn i $(0, 1)$, $(1, 1)$ och $(1, 0)$.

4. Betrakta funktionen (3p)

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{x^3 y + 2xy^3}{x^2 + y^2} & \text{då } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & \text{då } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

- a) Undersök om f är differentierbar i $(0, 0)$. (3p)
b) Beräkna $f''_{xy}(0, 0)$ och $f''_{yx}(0, 0)$.

Lycka till!
/Lennart