

Svar till tentan MVE035 2013-08-26

1. (a) $2x - 3y + 2z = 1$
(b) $(1, 1)$ är en lokal minimipunkt.
(c) $\mathbf{f}'(1, -1) = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$
(d) $f'_x(0, 0) = -1$, $f'_y(0, 0) = 0$, f inte differentierbar i origo.
2. (a) $\int_0^4 \left(\int_{\sqrt{x}}^2 f(x, y) dy \right) dx$
(b) $\frac{\pi^2}{16}$
3. $\mathcal{V}_f = [\frac{5a^3}{9}, a^3]$
4. $-\frac{16\pi}{5\sqrt{5}}$
5. $1 + (x - 1) + \frac{1}{2}(y - 1) + \frac{1}{4}(x - 1)(y - 1) - \frac{3}{16}(y - 1)^2$
6. (Bevis.)