

Åtta kongruenta små cirklar med radie  $r$  ligger innanför en cirkel med radie  $R$  så att var och en av de små cirklarna tangerar den stora cirkeln och två andra små cirklar. De små cirkelskivorna överlappar inte. Visa att

$$r = R \frac{\sqrt{2 - \sqrt{2}}}{2 + \sqrt{2 - \sqrt{2}}}.$$

**Lösning:** Dra höjden mot benet i den likbenta triangeln. Den ena rätvinkliga triangeln som då bildas är likbent, och av den andra får vi

$$\left(\frac{R-r}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left((R-r)\left(1 - \frac{1}{\sqrt{2}}\right)\right)^2 = 4r^2.$$

Vi kan dividera med  $R^2$  och sätta  $k = \frac{r}{R}$ , vilket ger andragradsekvationen för  $k$

$$(2 + \sqrt{2})k^2 + 2(2 - \sqrt{2})k - (2 - \sqrt{2}) = 0,$$

och

$$r = R \frac{(2 - \sqrt{2})(2 - \sqrt{2 - \sqrt{2}})}{2 + \sqrt{2}} = R \frac{\sqrt{2 - \sqrt{2}}}{2 + \sqrt{2 - \sqrt{2}}}.$$