

Varje uppgift är värd 6p, utom uppgift 2 som är värd 8p.

- Bestäm tangentplanet i punkten $(4, 6, 9)$ till ytan $\mathbf{r}(s, t) = (s^2, st, t^2)$, $s, t > 0$.
- (a) Lös differentialekvationen $xz'_x - yz'_y = x^2 + y^2$, $x, y > 0$, genom att införa nya variabler $u = x^2 - y^2$, $v = xy$.
(b) Bestäm den lösning som uppfyller $z(x, 1) = 0$.
- Bestäm största och minsta värdet av $f(x, y) = (x^2 - 3y^2) e^{-x^2 - y^2}$.
- Finn största och minsta värdet av $f(x, y) = x^2 + y^2$ då $x^4 + x^2y^2 + 2y^4 = 1$.
- Beräkna $\iint_D x^2 dx dy$, där D är området $1 < xy < 3$, $2 < \frac{y}{x} < 4$, $x, y > 0$.
- Beräkna $\iint_D (x + 1)(y - 2) dx dy$, där D är området $x^2 + 4y^2 \leq 9$.
- Beräkna $\iiint_D \frac{z}{1 + x^2 + y^2 + z^2} dx dy dz$, där D är området $x^2 + y^2 + z^2 \leq 4$, $y, z \geq 0$.
- Beräkna $\int_\gamma y^3 dx + x^3 dy$, där γ är kurvan $x^2 + y^2 = 2$ medurs från $(1, 1)$ till $(1, -1)$.