

TMV120 Inledande matematik Z, ht 10

Vecko-PM läsvecka 1.

Kap. 1.1-1.2 i DL (forts.), kap. P4, P5, P7 och Appendix 1 i RA.

P4 -P5, Funktionsbegreppet

Innehåll:

Funktion, domän = definitionsmängd, codomän, värdemängd, udda och jämna funktioner, symmetrier och speglingar. Sammansatta funktioner, addition, multiplikation etc. av funktioner. Styckvis definierade funktioner.

Mål: Att få en så generell syn på funktionsbegreppet att man inser att en funktion kan beskrivas av olika uttryck på olika intervall och att många datorprogram är funktioner. Att kunna förklara vad de olika begreppen som används i kapitlet innebär.

Rekommenderade övningar:

Avsnitt	Instuderingsuppgifter	Träningsuppgifter	Teoretiska uppgifter
RA P4	6, 7, 11, 13	8, 26, 37	45
RA P5	6, 7cd, 9, 24	27, 32	33, 35

RA P7: Trigonometri.

De trigonometriska funktionerna, **sin**, **cos**, **tan** och **cot**.

Viktiga standardvinklar att kunna utantill:

$$\begin{array}{lll} \sin 0 = \cos \frac{\pi}{2} = 0. & \sin \frac{\pi}{3} = \cos \frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2}. & \sin \frac{\pi}{4} = \cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}. \\ \sin \frac{\pi}{2} = \cos 0 = 1. & \sin \frac{\pi}{6} = \cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}. & \end{array}$$

De viktigaste trigonometriska formlerna att kunna utantill

$$\sin^2 v + \cos^2 v = 1 \text{ (trigonometriska ettan.)}$$

$$\sin(u + v) = \sin u \cos v + \cos u \sin v \text{ (additionsformeln för sinus.)}$$

$$\cos(u + v) = \cos u \cos v - \sin u \sin v \text{ (additionsformeln för cosinus.)}$$

Mål: Att kunna utnyttja enhetscirkeln för att kunna härleda samband av typen $\sin(v) = \cos(\frac{\pi}{2} - v)$.

Att kunna härleda någon additionsformel (fallet $0 < u, v < u + v < \pi/2$ räcker).

Att vara så säker på sambanden (formlerna), genom utantillkunskap eller förmåga att härleda från mer grundläggande samband, att man kan hantera de trigonometriska funktionerna i problemlösning, utan hjälp av formelsamling.

Att kunna tillämpa sinus- och cosinusteoremen vid problemlösning.

Rekommenderade övningar:

Avsnitt	Instuderingsuppgifter	Träningsuppgifter	Teoretiska uppgifter
RA P7	1, 3, 5, 7, 9, 19, 21, 31, 43	23, 25, 27, 29, 45, 51	13, 15, 17, 53, *54

RA Appendix 1: Komplexa tal.

Innehåll: Realdel, imaginärdel, konjugat, absolutbelopp, argument, principalargument. Polär representation.

Komplexa talplanet = Arganddiagram

De fyra räknesätten, räkneregler, geometrisk tolkning av operationerna.

de Moivres sats

Principalrot, n -tegradsekvationer och algebrans fundamentalsats.

Mål: Att kunna beräkna realdel, imaginärdel, absolutbelopp och konjugat till ett komplext tal.

Att obehindrat kunna räkna med komplexa tal, på formerna $a + bi$, $r(\cos(\theta) + i \sin(\theta))$ och $re^{i\theta}$.

Att kunna tolka räkneoperationerna geometriskt i Arganddiagram.

Att kunna lösa alla andragradsekvationer med reella koefficienter.

Att kunna lösa ekvationen $w^n = z$ då z är ett komplext tal.

Rekommenderade övningar:

Avsnitt	Instuderingsuppgifter	Träningsuppgifter	Teoretiska uppgifter
Appendix 1	1, 5, 9, 13, 17, 19, 23, 25		44, 48 Extra 1 (nedan)
	29, 31, 33, 35, 37 41, 54		

Extra Övningar

1. Ange $\sqrt{3 + 4i}$ på formen $a + ib$ utan att använda trigonometriska uttryck.
2. För vilka värden på a har ekvationssystemet

$$\begin{cases} x_1 + ax_2 + x_3 &= 1 \\ ax_1 + x_2 + x_3 &= a + 1 \\ x_1 - x_2 + x_3 &= a + 2 \end{cases}$$

mer än en lösning? Ange för alla sådana a -värden den fullständiga lösningen till systemet.