

## Veckoblad :

- Bokens övningar, kapitel 6, **Induktions- och motsägelsebevis.**

För lite mer om induktivt definierade mängder, se J. Hein Discrete Structures, logic, and computability", kapitel 3.1 (Chalmers e-bibliotek)

Titta även genom Kapitel 4 i boken: **Talen från grunden**

## Kryssuppgifter

1. Vi bevisade att

$$\sum_{k=1}^n k = \frac{n(n+1)}{2}$$

både med ett direkt bevis och med hjälp av induktion.

Övning 6.1 ger ett uttryck för  $\sum_{k=1}^n k^3$ .

Visa att

$$\sum_{k=1}^n k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

2. Följande program skall ta en lista  $K$  i input och lämna som output den lista man får om man tar bort alla upprepningar av element i  $K$ .

`makeSet({}) = {}`,

`makeSet(a :: L) = if isMember(a, L) then makeSet(L)`

`else a :: makeSet(L)`

Anta att `isMember` är en procedur som kollar om ett element ingår i en lista. Bevisa påståendet "makeSet( $K$ ) är den lista man får om man tar bort alla upprepningar av element i  $K$ " för alla listor  $K$ . (Tips: välj en lämplig partiell ordning på mängden av listor, och använd induktionsbevis.)

3. Ett irrationellt tal är ett (reellt) tal som inte tillhör  $\mathbf{Q}$ , alltså som inte går att skriva som kvot av två heltal. Exempel på irrationella tal:  $\sqrt{2}$ ,  $\pi$ .

Vise att  $\forall x \in \mathbf{Q}, \forall y$  ett irrationellt tal, så är  $x + y$  ett irrationellt tal.