

## Testproblem

1. Beräkna
  - a)  $\frac{1}{\frac{1}{4}}$
  - b)  $\frac{2}{3} - \frac{6}{7} + 1$
  - c)  $3 \cdot 7 - \frac{3}{7} + \frac{7}{5}$
  - d)  $\frac{\frac{4}{5} \cdot 3}{\frac{1}{6}}$
2. Beräkna
  - a)  $\frac{\sqrt{5}\sqrt{6}}{\sqrt{15}}$
  - b)  $\frac{\sqrt{\frac{2}{5}}}{\sqrt{10}}$
  - c)  $\sqrt{2}(\sqrt{8} + \sqrt{24}) - \sqrt{48}$
3. Förenkla och beräkna exakt
  - a)  $\frac{4}{\sqrt{2}}$
  - b)  $\frac{2-\sqrt{3}}{2\sqrt{3}}$
  - c)  $\frac{2}{\sqrt{5}} - \sqrt{5}$
4. Förenkla uttrycken så mycket som möjligt
  - a)  $3(2a - b) - 2(3b - a)$
  - b)  $\frac{(3-x)(4+x)-(3x-1)(4x+1)}{x+1}$
  - c)  $\frac{5-x}{x+1} - \frac{x+1}{2-x}$
  - d)  $3 - \frac{2y}{2y+3} - \frac{y+1}{3-2y}$
5. Förenkla uttrycken så mycket som möjligt.
  - a)  $\frac{2x^2-4x+2}{4-rx^2}$
  - b)  $\frac{ab^2}{ab^2-a^2b}$
  - c)  $\frac{8-x^3}{4+2x+x^2}$
6. Kvadratkomplettera uttrycken
  - a)  $4 + 8x + x^2$
  - b)  $x^2 - 5x + 2$
  - c)  $9x^2 - 12x + 4$
7. Lös ekvationerna
  - a)  $5x - 3x(2 + x) = 2 - x(2 + 3x)$
  - b)  $3x^2 - 8x = 3$
  - c)  $4x^2 + 7x + 2 = 0$
8. Bestäm vilka  $x$  som uppfyller olikheterna
  - a)  $2x - 3 \geq 5$
  - b)  $1 - 2x < 3$
  - c)  $c - x^2 \geq 1$
  - d)  $\frac{2x}{x+1} \leq 1$
9. Beräkna följande uttryck exakt:
  - a)  $9^{-\frac{1}{2}}$
  - b)  $\sqrt{2^6}$
  - c)  $(\sqrt{2})^6$
  - d)  $(-27)^{\frac{1}{3}}$
  - e)  $3^{1^2}$
  - f)  $(64^{\frac{1}{3}})^{\frac{1}{2}}$
  - g)  $0.073 \cdot 10^{-3}$
  - h)  $9^{2 \cdot 5}$
10. En population vita dansmöss, som från början består av 400 möss, blir tre gånger så stor varje månad. Hur många möss innehåller populationen efter
  - a) 3 månader
  - b) 5 månader
  - c)  $n$  månader?
11. Bestäm hur stora dessa vinklar är mätta i radianer (med  $\pi$ ).
  - a)  $30^\circ$
  - b)  $150^\circ$
  - c)  $495^\circ$
  - d)  $-210^\circ$
12. Beräkna
  - a)  $\cos(-\frac{\pi}{2})$
  - b)  $\sin \frac{4\pi}{3}$
  - c)  $\cos \frac{5\pi}{6}$
  - d)  $\sin(-\frac{7\pi}{3})$
  - e)  $\tan(-\frac{3\pi}{4})$
  - f)  $\tan \frac{5\pi}{6}$

13. För vilka vinklar är

- a)  $\sin v = 0$    b)  $\cos v = 0$    c)  $\tan v = 0$ ?

**Svar**

1. a) 4   b)  $\frac{17}{21}$    c)  $\frac{327}{70}$    d)  $\frac{72}{5}$
2. a)  $\sqrt{2}$    b)  $\frac{17}{21}$    c)  $\frac{327}{70}$    d)  $\frac{72}{5}$
3. a)  $2\sqrt{2}$    b)  $\frac{1}{2}\sqrt{3} - \frac{1}{2}$    c)  $-\frac{3}{5}\sqrt{5}$
4. a)  $8a - 9b$    b)  $13(1 - x)$    c)  $\frac{9 - 9x}{(x+1)(2-x)}$    d)  $\frac{24 - 10y^2 - 11y}{(3+2y)(3-2y)}$
5. a)  $\frac{1-x}{2(x+1)}$    b)  $\frac{b}{b-a}$    c)  $2 - x$
6. a)  $(x + 4)^2 - 12$    b)  $(x - \frac{5}{2})^2 - \frac{17}{4}$    c)  $(3x - 2)^2$
7. a)  $x = 2$    b)  $x_1 = 3, x_2 = -\frac{1}{3}$    c)  $x = -\frac{1}{8}(7 \pm \sqrt{17})$
8. a)  $x \geq 4$    b)  $x < -1$    c)  $-\sqrt{2} \leq x \leq \sqrt{2}$    d)  $-1 < x \leq 1$
9. a)  $\frac{1}{3}$    b) 8   c) 8   d) -3  
e) 3   f) 2   g) 0.000073   h) 243
10. a) 10 800 möss   b) 97 200 möss   c)  $3^n \cdot 400$  möss
11. a)  $\frac{\pi}{6}$    b)  $\frac{5\pi}{6}$    c)  $\frac{11\pi}{4}$    d)  $-\frac{7\pi}{6}$
12. a) 0   b)  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$    c)  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$   
d)  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$    e) 1   f)  $-\frac{1}{\sqrt{3}}$
13. a)  $v = n \cdot \pi$    b)  $v = \frac{\pi}{2} + n \cdot \pi$    c)  $r = n \cdot \pi$