

Mer om grafitning

1 Inledning

Vi fortsätter att arbeta med MATLAB i matematikkurserna. Denna laboration är i stor utsträckning en repetition och består av grafitning där vi skall göra lite bättre och snyggare grafer än tidigare. Vi skall markera intressanta punkter på grafer och rita ut eventuella asymptoter. Vid behov titta tillbaka på och repetera laboration 3 från förra läsperioden, där vi ritade grafer.

2 Konstruktion av grafer

För att konstruera en bra (användbar) graf som beskriver både kvalitativa och kvantitativa egenskaper så måste man i möjligaste mån först bestämma maxima, minima och både sneda och lodräta asymptoter och kanske till och med inflexionspunkter. I Adams beskrivs detta på ett utförligt sätt i kapitel 4.6. Läs i boken!

Som exempel skall vi rita grafen till funktionen $y = \frac{x^2+2x+4}{2x}$, se exempel 4.6.6 i Adams (sid 249). I det här exemplet är $y = \frac{x}{2} + 1$ en sned asymptot och $x = 0$ (y -axeln) utgör en lodrät asymptot. Vidare är punkterna $(-2, -1)$ och $(2, 3)$ lokala maximum respektive minimum.

Planen är nu att rita en graf i MATLAB som innehåller

- funktionskurvan i lämplig färg och lagom "tjock"
- lämplig skala (här får man ofta prova sig fram en del)
- asymptoterna markerade som röda streckade linjer och angivna med ekvationer
- extrempunkterna markerade och angivna med värden

De kommandon som behövs för att klara av detta är: `axis`, `axis equal`, `figure`, `grid on/off`, `hold on/off`, `legend`, `linspace`, `subplot`, `text`, `xlabel`, `ylabel` och `title`.

Dessutom behöver egenskapsparametrar bestämmas för t.ex. `plot` som val av linje-typ, färg och tjocklek.

Nedan följer ett förslag på hur det skulle kunna se ut.

```
%% Graf och axlar
xa=-8; xb=8; s=0.01; ya=-6; yb=6;
% Med s>0 undviker vi singulariteten i x=0.
xv=linspace(xa,-s); xh=linspace(s,xb);
f=@(x)(x.^2+2*x+4)./(2*x);

plot(xv,f(xv),'blue',xh,f(xh),'blue','LineWidth',2)
```

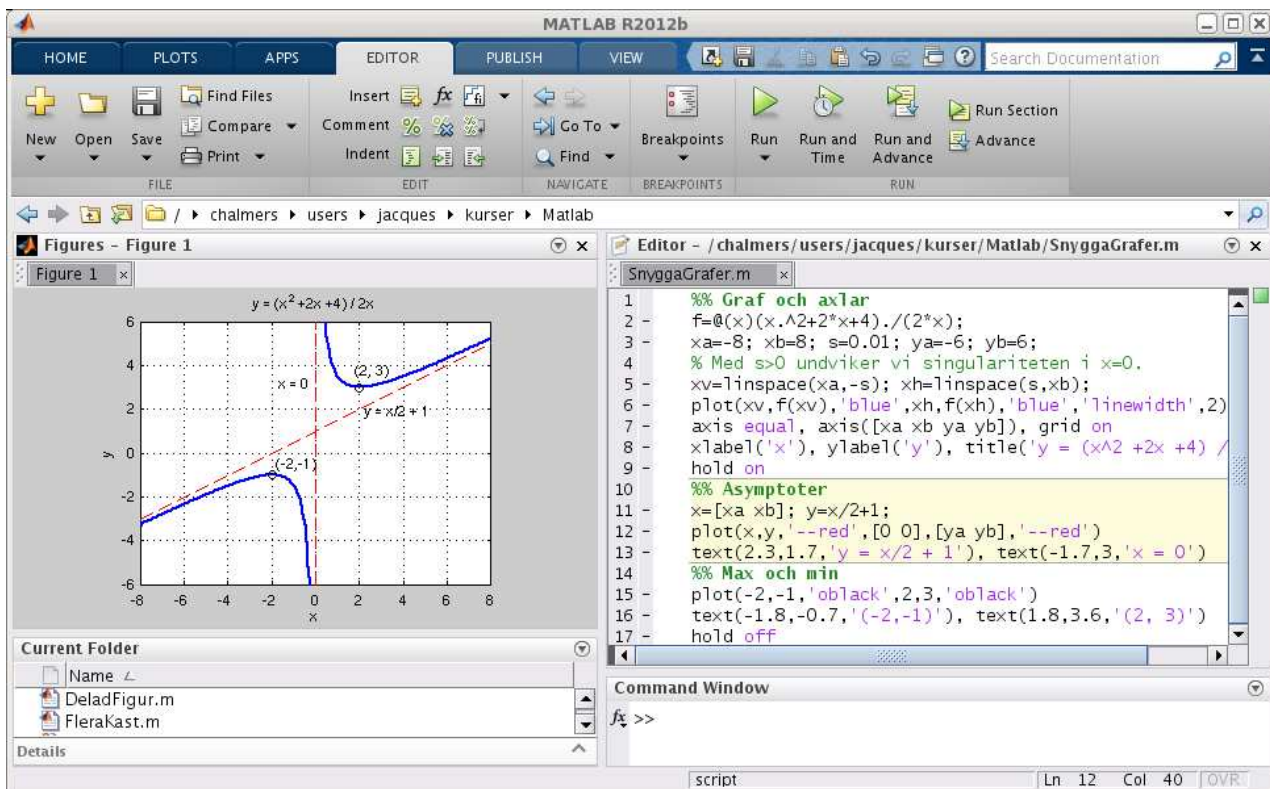
```

axis equal, axis([xa xb ya yb]), grid on
xlabel('x'), ylabel('y'), title('y = (x^2 + 2x + 4) / 2x')
hold on

%% Asymptoter
x=[xv xh]; y=x/2+1;
plot(x,y,'--red',[0 0],[ya yb],'--red')
text(2.3,1.7,'y = x/2 + 1'), text(-1.7,3,'x = 0')

%% Max och min
plot(-2,-1,'oblack',2,3,'oblack')
text(-1.8,-0.7,'(-2,-1)'), text(1.8,3.6,'(2, 3)')
hold off

```



Lägg märke till att vi använder editorn i Cell Mode (cell-läge). Inleder man en rad med två procent-tecken följt av ett blanktecken (%%), så avgränsar det en cell. Poängen är att man kan köra koden från en cell, istället för hela filen. På så sätt kan man dela upp en stort script (för en hel laboration) i flera delar (varje deluppgift).

I cell-läge kan man evaluera aktuell cell genom att klicka på , evaluera aktuell cell och gå till nästa genom att klicka på  eller bara gå till nästa med . Samtliga val finns till höger på EDITOR-fliken.

Uppgift 1. Skriv en skriptfil av liknande slag som i exemplet ovan och återskapa figurerna 4.40-4.42 i Adams (sid 250-251). (Figur 4.42 visar grafen till $f(x) = (x^2 - 1)^{2/3}$. För att denna funktion inte skall bli komplexvärd då $|x| < 1$ beräknas den i Adams enligt $f(x) = ((x^2 - 1)^2)^{1/3}$ och så gör även vi i MATLAB.)

Uppgift 2. Konstruera figur 4.44 (sid 252) med hjälp av kommandot `subplot` i MATLAB. Lös uppgift 4.6.3 i Adams genom att titta på din egen figur – har du rätt skalning?

3 Snygga formler med L^AT_EX

Detta avsnitt handlar om hur man i MATLAB med ett visst besvär kan göra snygga formler i figurer med L^AT_EX. Vi ser detta som överkurs så lägg inte för mycket tid på det.

L^AT_EX kan kännas lite primitivt att använda, men det blir snyggt. Många som skriver vetenskapliga texter inom matematik och fysik använder L^AT_EX, detta gäller även en del teknikområden. Samma gäller även många läroböcker, liksom alla texterna på MATLAB-hemsidan.

Man kan söka på nätet och finna mycket om L^AT_EX vid behov eller gå till den officiella hemsidan <http://www.latex-project.org/>.

Här är några exempel

$$\sum_{i=1}^5 i^2, \quad \sqrt{45}, \quad \frac{2}{7}, \quad \int_0^\infty e^{-x^2} dx = \frac{\sqrt{\pi}}{2}$$

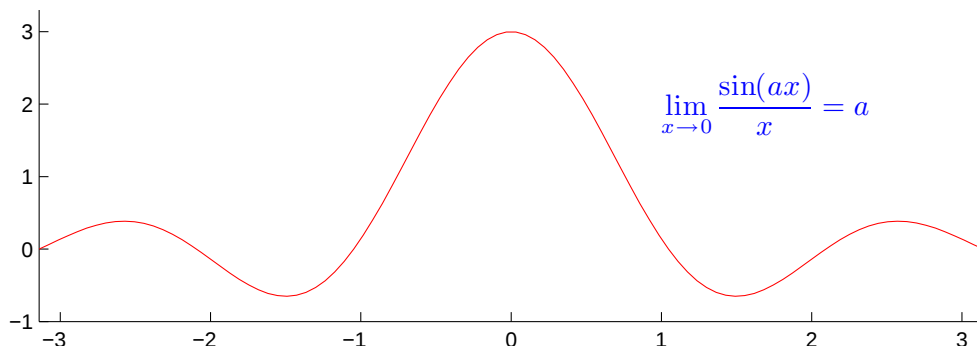
som fås med

`$$\sum_{i=1}^5 i^2$$,    $$\sqrt{45}$$,    $$\frac{2}{7}$$,`

respektive

`$$\int_0^{\infty} e^{-x^2} dx = \frac{\sqrt{\pi}}{2}$$`

Vi placerar ut formlerna med `text` eller `gtext`. Som exempel ser vi på följande bild



som vi får med

```
>> a=3; x=linspace(-pi,pi); y=sin(a*x)./x; plot(x,y,'r')
>> axis equal, axis([-pi pi -1 3])
>> text(1,2,'$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(ax)}{x}=a$$',...
    'Color','blue','FontSize',14,'Interpreter','latex')
```

Utelämnar vi `'Color','blue'` så blir texten svart istället, med `'FontSize',14` får vi större text och `'Interpreter','latex'` behövs för att det inom de dubbla dollartecknena skall tolkas som en formel.

1 Målsättning

Avsikten med denna laboration är att åter komma igång med MATLAB. Vi ritar grafer lite bättre och snyggare grafer än tidigare, vi markerar intressanta punkter på grafer och ritar ut eventuella asymptoter samt väljer lämpliga skalor.

Vi skall fortsätta att använda **script** med celler (%) så att det blir lätt att arbeta och effektivt vid redovisning.

2 Kommentarer och förklaringar

Med s.k. handtagsgrafik kan vi göra förändringar i en bild vi redan ritat. Som exempel ritar vi två grafer, en med heldragen linje ($f(x) = x \sin(x)$) och en med prickad linje ($g(x) = \cos(x)$), enligt

```
>> x=0:0.1:10;  
>> h=plot(x,x.*sin(x),x,cos(x),'-');
```

Vi ser resultatet i figuren nedan till vänster.

Med `h=plot(...)` fick vi ett handtag till graferna vi ritat, `h(1)` är första grafen (heldragen) och `h(2)` är den andra (prickad). Första grafen gör vi lite tjockare med

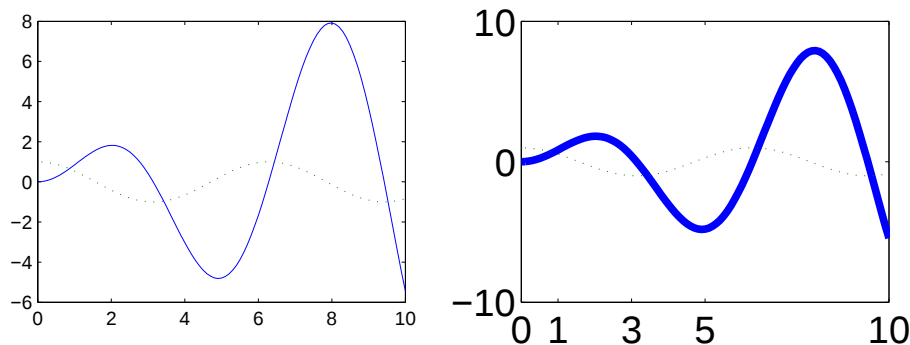
```
>> set(h(1),'LineWidth',4)
```

Resultatet ser vi nedan till höger.

Vi kan välja skalstreck på axlarna och siffrornas storlek enligt

```
>> set(gca,'FontSize',20)  
>> set(gca,'XTick',[0 1 3 5 10],'YTick',[-10 0 10])
```

Här är `gca` ett handtag till aktivt koordinatsystem (current axes handle).



3 Lärandemål

Efter denna laboration skall du i MATLAB

- kunna rita snygga (användbara) grafer med intressanta punkter markerade och eventuella asymptoter utritade
- kunna välja lämpliga skalor för att lyfta fram intressanta delar av en graf