

**Tentamen i matematik introduktion, 2p, för BI och Fartygsdesign
samt matematik del A, 2p, för KI 2007-01-20**

1. Förenkla så långt som möjligt.

(a) $\sqrt[3]{\frac{a^4 a^2}{a^{-3}}}$ (2p) (b) $\sqrt{3 - \sqrt{3}} \sqrt{3 + \sqrt{3}}$ (1p) (c) $\frac{1}{(a+b)^2} - \frac{1}{(a-b)^2}$ (3p)

2. Lös ekvationerna

(a) $x^4 - 3x^2 = 1,$ (b) $\sqrt{x^2 - 1} - 2x = 4$

(3+3p)

3. Lös olikheterna

(a) $\frac{x^2}{2} + \frac{4}{x} > 0,$ (b) $|x^2 - 1| \geq 1 + x,$

(3+4p)

4. Faktorisera följande polynom.

(5p)

(a) $4x^2 - 1$

(b) $x^3 - 3x + 2$

5. (a) Lös ekvationen $2 \ln x^2 - 2 \ln 5 = -\ln \frac{1}{5} + \ln 2x.$ (3p)

(b) Lös ekvationen $e^{2x} = \frac{1}{4} - e^x.$ (3p)

6. (a) Givet $\sin v = 1/\sqrt{3}.$ Beräkna $\cos v$ om $\pi/2 < v < \pi.$ (2p)

(b) Lös ekvationen $1 + 2 \sin(2v) = 0.$ Svara i radianer. (2p)

(c) Lös ekvationen $\frac{1 - \sin x}{2} = \cos^2 x.$ Svara i radianer. (3p)

7. (a) En linje går genom punkterna $(0, -1)$ och $(-7, 6).$ Bestäm linjens ekvation. (1p)

(b) Ange medelpunkt och halvaxlar för ellipsen $x^2 + 2y^2 + 2x + y - 5 = 0.$ (3p)

(c) Bestäm skärningspunkterna mellan cirklarna med centrum $(-1, 0)$ och radie $\sqrt{2}$ respektive centrum i $(1, 1)$ och radie 1. (3p)

8. Funktionen $f(x) = (x - 2)\sqrt{2x^2 + 1}$ är given.

(a) Beräkna $f'(x).$ (2p)

(b) Bestäm ekvationen för tangenten till kurvan $y = f(x)$ i punkten där $x = 2.$ (2p)

(c) Lös ekvationen $f'(x) = 0.$ (2p)