

**LMA515 Matematik KI, del B, Dugga 3**

---

**NAMN:** .....

**Personnummer:** .....

| Uppgift | Poäng |
|---------|-------|
| 1       |       |
| 2       |       |
| 3       |       |
| SUMMA:  |       |

1. Beräkna integralen  $\int \frac{1}{x^2 + 3x + 2} dx$  (2p)

Lösning:

2. Beräkna arean av det område som begränsas av kurvorna  $y = x^2 + x$  och  $y = 2x^2$ .  
Rita figur! (2p)

Lösning:

3. Ljusets intensitet  $I(x)$  på ett djup av  $x$  meter under havsytan uppfyller enligt Lamberts lag ekvationen  $\frac{dI}{dx} = -\mu I$ , där  $\mu$  är en konstant. Bestäm  $I$  då  $I(0) = I_0$ . (2p)

Lösning:

Svar:

**1.**  $\ln \left| \frac{x+1}{x+2} \right| + C.$

**2.**  $A = \frac{1}{6}$  a.e.

**3.**  $I(x) = I_0 e^{-\mu x}.$