

MVE340 Matematik 2 för Sjöingenjörer, Dugga 3

Erhållen poäng på denna dugga får ersätta poängen på uppgift 3 på tentamen tills kurser ges nästa läsår.
Resultat meddelas via pingpong.
Till samtliga uppgifter skall fullständiga lösningar redovisas. Motivera och förklara så väl du kan.

-
3. (a) Bestäm a och b så att funktionen $y(t) = at^2 + bt$ uppfyller differentialekvationen $ty'(t) - 3y(t) = t - 2t^2$. (2p)
- (b) Bestäm lösningen till differentialekvationen $5y'(x) + 4y(x) = 0$, där $y(0) = 3$. (2p)
- (c) Lös differentialekvationen (4p)

$$y''(t) + 2y'(t) + 10y(t) = 0, \quad y(0) = -1, \quad y'(0) = 5.$$

$$\begin{aligned} y' &= 2at+b & t(2at+b) &= 3(at^2+bt) \\ & & \approx -at^2-2bt &= t-2t^2 \\ a &= 2 & b &= -1/2 \end{aligned}$$

$$y' = -\frac{4}{5}y \quad y = Ce^{-\frac{4}{5}t} \quad C = 3$$

$$r^2 + 2r + 10 = 0 \quad r = -1 \pm \sqrt{-9} = -1 \pm 3i$$

$$y = e^{-t}(A\cos 3t + B\sin 3t)$$

$$y(0) = A = -1$$

$$y' = -e^{-t}(A\cos 3t + B\sin 3t) + e^{-t}(-3Asi3t + 3B\cos 3t)$$

$$y'(0) = -A + 3B = 5 \quad B = 4/3$$

$$y = e^{-t}\left(-\cos 3t + \frac{4}{3}\sin 3t\right)$$