

Redovisning:

Laborationen innehåller 8 deluppgifter.

Uppg. 1-3: Redovisa körningsresultat

Uppg. 4-5: Redovisa graferna.

Uppg. 6-8: Redovisa funktionsfilerna (koden) samt eventuella grafer.

I samtliga fall gäller att du antingen kan visa upp det hela på plats (om det hinns med) eller lämna in det på papper i efterhand. (Ihophäftat!)

1 Grundläggande operationer

1.1 Aritmetiska operationer

De vanliga aritmetiska operationerna mellan tal ser ut så här :

+ addition
- subtraktion
* multiplikation
/ division
^ exponentiering (OBS! För att få denna symbol skriver man ^ följt av mellanslag!)

Talet π skrivs `pi` medan talet e skrivs `exp(1)`

Några exempel:

Skriver du

```
>> 100*pi (utan ; före avslutande RETURN)
```

blir svaret

```
ans =
```

```
314.1593 (ans står för det senaste svaret).
```

Som påpekats ovan skall man "alltid" ge namn till beräkningarna. I ovanstående exempel skriver man då

```
>> a=100*pi
```

och får svaret

```
a =
```

```
314.1593
```

MATLAB tillämpar den vanliga prioriteringsordningen mellan de aritmetiska operationerna :

```
>> 8^1/3
```

ger svaret 2.6667, medan

```
>> 8^(1/3)
```

ger svaret 2.

Man får allmän hjälp om dessa begrepp i helpwin genom att gå till biblioteket `matlab/ops` och i

helpdesk genom att välja `functions by subject` och sedan `Operators and Special Characters`.

(Läs mer i P-E,S 2.5)

1.2 Elementära funktioner

MATLAB har alla de vanliga elementära grundfunktionerna, alltså exponential- och logaritmfunktionerna, de trigonometriska funktionerna och deras inverser, absolutbelopp, kvadratroter, och flera andra. Här följer en lista på några av MATLABs funktioner:

`exp`, `log` (= $\ln$), `log10` (= 10-logaritmen), `sin`, `cos`, `tan`, `atan` (= $\arctan$),

`asin`, `abs`, `sqrt`, `sinh`, `cosh`, `tanh`

Observera att man alltid måste ha `()` runt variabeln som i `sin(pi/3)`.

Det finns ytterligare funktioner t.ex.

`sign`, `round`, `floor`, `ceil`

Man får en fullständig lista i helpwin under `matlab/elfun`.

Vi beräknar $\ln(\sqrt{e})$:

```
>>y= log(sqrt(exp(1)))
```

```
y = 0.5000
```

Vi löser ekvationen $e \tan x = 5$, $-\pi/2 < x < \pi/2$:

```
>> x = atan(5/exp(1))
```

```
x =1.0728
```

Notera att man inte kan skriva e^x för exponentialfunktionen.

(Läs mer i P-E,S 2.5)

1.3 Formatering av utskrift

Man kan dirigera antal decimaler som skrivs ut och formen på utskriften med hjälp av kommandot `format`. De vanligaste varianterna är

<code>format short</code>	ger fem signifikanta siffror
<code>format long</code>	ger femton signifikanta siffror
<code>format short e</code>	ger fem signifikanta siffror i flyttalsnotering
<code>format long e</code>	ger femton signifikanta siffror i flyttalsnotering

En fullständig lista av de olika utskriftsformaten finner man under `format` i `matlab/general`.

Prova med att skriva ut 10π i de olika utskriftsformaten, t.ex.

```
>> format long
```

```
>> 10*pi
```

```
ans = 31.41592653589793
```

(Läs mer i P-E,S 2.6)

OBSERVERA :

I vissa av följande uppgifter förekommer variablerna $p_1, \dots, p_{10}$. De avser siffrorna i ditt personnummer $p_1p_2p_3p_4p_5p_6 - p_7p_8p_9p_{10}$ (välj ett av era personnummer om ni är två som gör övningen tillsammans).

Uppgift 1: Låt c vara $p_7p_8p_9p_{10}/1000$. Börja med att starta dagboken och mata sedan in c :

```
>>c=ditt värde;
```

Beräkna därefter med hjälp av MATLAB

a roten till ekvationen $10^x = 21$. (Se ovan hur ekv $e \tan x = 5$, $-\pi/2 < x < \pi/2$ kunde lösas.)
Ge roten namnet `rot1a`.

b den positiva roten till ekvationen $\ln(1 + x^2) = 1/c$. Ge roten namnet `rot1b`.
Stäng dagboken!

□

1.4 Operationer med radmatriser

För att utnyttja MATLAB effektivt skall nästan alla variabler man använder vara radmatriser eller större matriser. Detta innebär en viss komplikation. Multiplikationen $x*y$ betyder matrismultiplikation. Om x och y är enstaka tal så är det den vanliga produkten. Är x och y matriser så finns inte produkten såvida inte typerna stämmer överens.

Vi kan som nämnts ovan föreställa oss en matris lagrad som en lång lista av tal tillsammans med uppgift om matrisens typ. Ofta vill vi beräkna elementvisa (**punkt**-visa) produkter av tal i sådana listor. Den produkten skrivs `.*` alltså med en **punkt** framför `*`-tecknet. Med $x = [1, 2, 3]$ är $x.*x = [1, 4, 9]$. På samma sätt skrivs division $x./y$ och potenser $x.^y$.

Man kan även använda de elementära funktionerna på matriser. Allmän hjälp om detta område får du i `helpwin` under `matlab/elpmat` och `matlab/ops`.

Exempel (med utskrift i `format short`):

```

x+y          5 7 9
x.*y         4 10 18
x./y         0.2500 0.4000 0.5000
x.^y         1 32 729
exp(x)       2.7183 7.3891 20.0855

```

Viktiga specialkommandon är `ones` och `zeros`. De användes för att generera matriser bestående av enbart ettor respektive nollor. T.ex. ger kommandot `ones(1,3)` eller `ones(size(x))` svaret `1 1 1` om `x` är en radmatris av längden 3. Andra exempel:

```

>>x=[1 2 3 4]; z=ones(size(x))./x
ger svaret >>z = 1.0000 0.5000 0.3333 0.2500
>>x+ones(size(x)) ger svaret 2 3 4 5
>>2*ones(size(x)) ger svaret 2 2 2 2

```

Det näst sista svaret hade man också kunnat få genom att skriva `x+1`.

`z` kan man erhålla med `z = 1./x`.

(Läs mer i P-E,S 3.6-7)

Uppgift 2:

Skriv in radmatriserna $x = [p_1 \ p_2 \ p_3]$ och $y = [p_4 \ p_5 \ p_6]$.

Beräkna `x+y`, `x-y`, `x.*y`, `x.^y`, `x./y`, `x.\y`, `x.*sin(y)`.

Vad svarar Matlab på `x*y`.

□

1.5 Generering av aritmetiska följder.

Om a , h och b är givna tal kan man bilda radmatrisen $x=[a, a+h, a+2h, \dots, b]$ med hjälp av kommandot `x=a:h:b`.

```
>>x=-5:2:5 ger
```

```

x =
    -5    -3    -1     1     3     5

```

Analogt ger kommandot

```
>>x=-pi:0.1:pi;
```

radmatrisen `x=[-3.1416 -3.0416 -2.9416 ... 2.9584 3.0584]`, vilket är en matris av längden 63. Kolla genom att mata in `x` enligt ovan och sedan skriva

```
>>length(x)
```

Låt också datorn skriva matrisen `x` på skärmen genom att skriva

```
>>x (utan semi-kolon)
```

Vill man ha steglängden $h = 1$ räcker det att skriva `>>x=a:b` t.ex.

```
>>x=0:10
```

```
x = 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
```

Om $b < a$ så kan man ha $h < 0$.

Ytterligare information får du under `matlab/ops`.

Läs den informationen, kolon-operatören är en mycket viktig ingrediens i Matlab.

(Läs mer i P-E,S 4.3)

Uppgift 3: Låt n vara ett givet positivt heltal. Generera radmatriserna $m=[-1, -2, \dots, -n]$ och

$x=[2^{(-1)}, 2^{(-2)}, \dots, 2^{(-n)}]$. Använd sedan kommandot `sum(x)` för att beräkna den geometriska summan

$$s = 2^{-1} + 2^{-2} + \dots + 2^{-n}$$

Vilket är det första n -värde för vilket $s > 0.999999$?

□

2.1 Allmänt om plotkommandot.

Om $x = [x(1), \dots, x(n)]$ och $y = [y(1), \dots, y(n)]$ är två radmatriser av samma längd så kommer ritkommandot `plot(x,y)` att rita en kurva som sammanbinder de n stycken punkterna

$(x(1), y(1)), \dots, (x(n), y(n))$. Om x eller y innehåller flera rader så kommer flera grafer att ritas i samma figur.

Om man inte ger ett särskilt kommando kommer MATLAB att välja koordinataxlarna så att samtliga punkter syns. (Detta kallas auto-scaling.) Man kan dirigera på vilket sätt kurvan ritas genom att ge order om särskild linjetyp. Man kan också rita ut punkterna utan att sammanbinda dem genom att bestämma vilken punkttyp som skall användas. Här några exempel:

```
>>x=-3:0.5:3;y=sin(x);
>>plot(x,y)
>>plot(x,y,':')          (Prickad sammanbunden kurva.)
>>plot(x,y,'.')          (Punkterna utritade som små prickar.)
>>plot(x,y,'o')          (Punkterna utritade som små cirklar.)
```

Allmän hjälp för tvådimensionell grafik ges i `matlab/graph2d`.

(Läs mer i P-E,S 13.2)

2.2 Funktionskurvor

Av exemplen ovan framgår det redan hur man kan rita funktionskurvor. Säg att vi vill rita funktionen $f(x)$, på intervallet $a \leq x \leq b$. Man börjar då med att välja en lämplig steglängd h och bildar sedan radmatrisen $x=a:h:b$. Därefter låter man MATLAB beräkna funktionsvärden samt ger dessa ett namn. Man får funktionskurvan uppritad med kommandot `plot(x,funktionsnamn)`. Ett exempel gör detta klarare:

```
>> x=-2*pi:0.1:2*pi;
>> y=sin(3*x)+cos(5*x);plot(x,y)
```

Här ritas funktionen $f(x) = \sin 3x + \cos 5x$ på intervallet $[-2\pi, 2\pi]$ På samma sätt ritas man funktionen $g(x) = x \sin x^2$ på samma intervall med hjälp av kommandot

```
>>g=x.*sin(x.*x);plot(x,g)
```

Uppgift 4: Rita ovanstående figurer. □

Vid kurvritning bör man tänka på att det blir bättre graf om man har fler punkter, men bara upp till en viss gräns. Radmatriserna bör inte ha fler än ca 400 element. Däröver blir det bara slöseri med beräkningstid och minnesutrymme. I synnerhet om bilden skall skrivas ut på papper så är detta mycket viktigt.

2.3 Flera kurvor i samma figur

Antag att vi vill rita funktionerna f och g ovan i samma figur. Vi kan då ge kommandot

```
plot(x,f,'-',x,g,'-.')
```

 eller bara `plot(x,f,x,g)`

Det finns också en annan möjlighet. Antag att vi först ritas funktionen f med hjälp av kommandot

```
>>plot(x,f)
```

Man kan sedan ge kommandot

```
>>hold on
```

Då kommer de gamla kurvorna att behållas när nya kurvor ritas. Till exempel

```
>>plot(x,g)
```

När man inte längre vill behålla gamla kurvor ger man kommandot

```
>>hold off
```

Kommandot `hold` ensamt innebär att man skiftar från “hold on-läge” till “hold off-läge”, (om man tidigare gett kommandot `hold on`) eller från “hold off-läge” till “hold-on-läge”. Läs vidare i `matlab/graph2d`. (Läs mer i P-E,S 13.4)

Normalt väljer MATLAB ett koordinatsystem så att alla punkter som skall ritas syns på skärmen. Man kan styra valet av koordinataxlar med hjälp av kommandot `axis`. För att ta reda på hur `axis` fungerar kan du läsa hjälptexten i `matlab/graph2d`. (Läs mer i P-E,S 13.4)

Uppgift 5:

Ett bekvämt sätt att ge ett plotkommando där det är lätt att ändra är att på en enda rad skriva enligt följande exempel.

```
>> a=0; b=1; h=(b-a)/400; x = a:h:b; y = sin(1./x); plot(x,y)
```

Med vänster och höger piltangenterna kan du flytta markören till den plats du vill ändra. Backspace och del raderar, pröva vad de tar bort.

Rita en figur i vilken de tre kurvorna $y = \sin(x)/x$, $y = \cos(x)$ och $y = 1$ förekommer samtidigt. Den sista får du med `y = ones(size(x))`, Zooma in för att titta på gränsvärdet $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x)}{x}$.

□

3 Funktionsfiler.

3.1 Hur man skriver en funktionsfil.

Programering i matlab sker med hjälp av m-filer. dessa filer skall ges namn som slutar med `.m` (t.ex. `funk.m`, `kvadrat.m` etc.) Det finns två sorters m-filer: funktionsfiler och skriptfiler. Vi kommer i denna lab att koncentrera oss på funktionsfiler. Läs mer i P-E,S 2.8.

Du skall nu skriva din första m-fil. Starta MATLABs texteditor. Skriv sedan av exakt enligt nedanstående och spara det du skrivit med namnet `fun.m` i `matlab/lab2`.

Första raden skall vara så här: `function y=fun(x)`

Andra raden skall vara: `y = x.*x -1;`

Nu kan du kontrollera att filen finns i det aktuella biblioteket med kommandot `what`. Testa sedan filen med

```
>> fun(1)
```

och

```
>> fun([1,2,3])
```

Fungerade detta så kan du rita grafen med

```
>> fplot('fun', [-1,1])
```

Dessa tre steg är ett bra sätt att kontrollera en sådan här funktionsfil fungerar (`fplot` = `funktionsplot`).

Vi väntar till lite senare i kursen med att förklara hur funktionsfiler fungerar. En viktig detalj är emellertid att filnamnet `fun.m` och texten i första raden `y = fun(x)` skall stämma överens.

Uppgift 6: Gör en funktionsfil `fun2.m` som ger funktionen $y = \sin(x)/x$. Spara den som `fun2.m`. Testa den som ovan.

□

Uppgift 7: Gör en funktionsfil `summa.m` som beräknar summan $1^2 + 2^2 + 3^2 \dots + n^2$. (Här är n variabeln.) Testa genom `>> summa(3)`,

```
>> summa(4)
```

□

3.2 Loopar

Exempel: Vi löser ekvationen $\sin\sqrt{x} = x$ approximativt genom att göra en funktionsfil `roten.m` som itererar ett givet antal gånger, n . Här behövs en loop:

```

x=1/2;
for i=1:n
x=sin(x^0.5);
end

```

Läs mer om loopar i P-E,S 12.4.

I nästa uppgift behöver du/ni två personliga heltalsparametrar. Låt därför a och b vara sista siffrorna som är skilda från noll i era respektive personnummer. Om du labbar ensam så låter du a och b var sista respektive näst sista siffran skild från noll.

Uppgift 8: Skriv en funktionsfil $macll(x,n)$ som ger Maclaurinpolynomet av grad $2n$ till funktionen $f(x) = \frac{\sin(ax)}{x}$.

Tänk på att funktionen skall klara av x som vektor. (n är däremot alltid en skalär.)

Tips:

Utgå från polynomet av grad 0 och bygg succesivt upp polynomet i en loop genom att varje varv lägga till nästa term i polynomet. Observera att $n!$ heter $factorial(n)$.

Plotta $macll(x,n)$ tillsammans med $y = f(x)$ för $n = 1$, $n = b + 5$ och $n = b + 20$. Det skall alltså vara tre separata plottar med både polynomet och $y = f(x)$ på var och en.

Tips:

Välj axlar så att det ser bra ut. T.ex. med x från $-(10 + n)/a$ till $(10 + n)/a$ och y från $-a$ till $a + 1$.

□