

Introduktion till MATLAB

1 Inledning

MATLAB är både en interaktiv matematikmiljö och ett programspråk, som används på många tekniska högskolor och universitet runt om i världen. Med tiden har MATLAB blivit ett viktigt ingenjörswerktyg och har stor användning även inom industrin.

En av styrkorna med MATLAB är att systemet är utbyggbart med bibliotek eller verktygslådor, toolboxes, för olika tillämpningsområden.

MATLAB är ett program som ofta används inom Linjär algebra. Framförallt i numerisk linjär algebra. I dag kan man säga att det hör till allmänbildningen att lära sig lite om MATLAB när man läser en kurs i Linjär algebra på en teknisk högskola. Du kommer inte att behöva kunna MATLAB för att klara den här kursen, men du kommer att behöva jobba igenom det här labmaterialet och redovisa de uppgifter som finns. Det finns endel teori om Linjär algebra i vissa av laborationerna. Den teorin ingår i kursen – och det kan komma frågor om den på tentan som avslutar kursen.

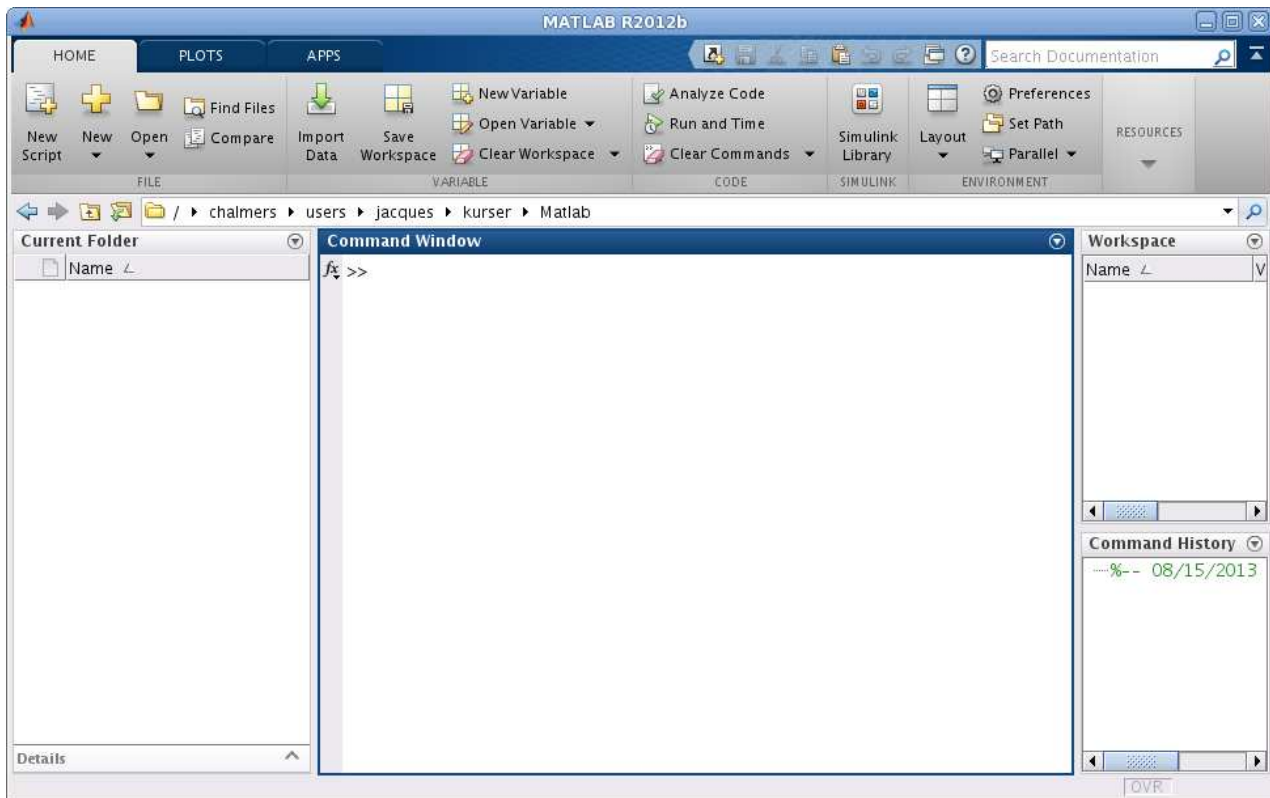
Alla studenter på de olika civilingenjörsprogrammen på Chalmers lär sig MATLAB och ni kommer kanske använda MATLAB i flera kurser i utbildningen. Vi kommer att använda MATLAB både i labmaterialet och i endel av de rekommenderade övningarna. Så förhoppningsvis har du lite nytta av MATLAB redan i den här kursen.

Den här labben innehåller några grunder i MATLAB så att vi kommer igång med programmet. I senare labbar kommer vi att använda kommandon i MATLAB för att lösa olika problem i Linjär algebra. Vi kommer också att använda programmet för att skapa bilder så att vi kan visualisera några Linjär algebra begrepp.

2 Starta MATLAB

Vid en WINDOWS-dator startar man MATLAB genom att under **Start**-symbolen välja **All Programs** och därunder **MATLAB**. Sedan kommer MATLABs **Desktop** upp på skärmen.

Vid en LINUX-dator går man in under **Applications** och väljer **Chalmers Applications** och **Matlab**.



Högst upp ser vi flikarna HOME, PLOTS och APPS. Det kommer bli fler när vi börjar arbeta, men mer om det senare.

De olika fönstren i Desktopen har namn (namnet står överst i fönstret). Det stora fönstret i mitten kallas Command Window och där kommer vi ge kommandon, till höger ser vi Workspace och Command History där vi ser vilka variabler vi har respektive vilka kommandon vi givit tidigare, slutligen till vänster ser vi Current Folder som visar innehållet i aktuell mapp eller katalog.

3 En enkel beräkning och några funktionsgrafer

Här följer några exempel så att vi snabbt kommer igång och ser lite resultat. Följ gärna med vid datorn och knappa in efter hand i Command Window och se vad som händer.

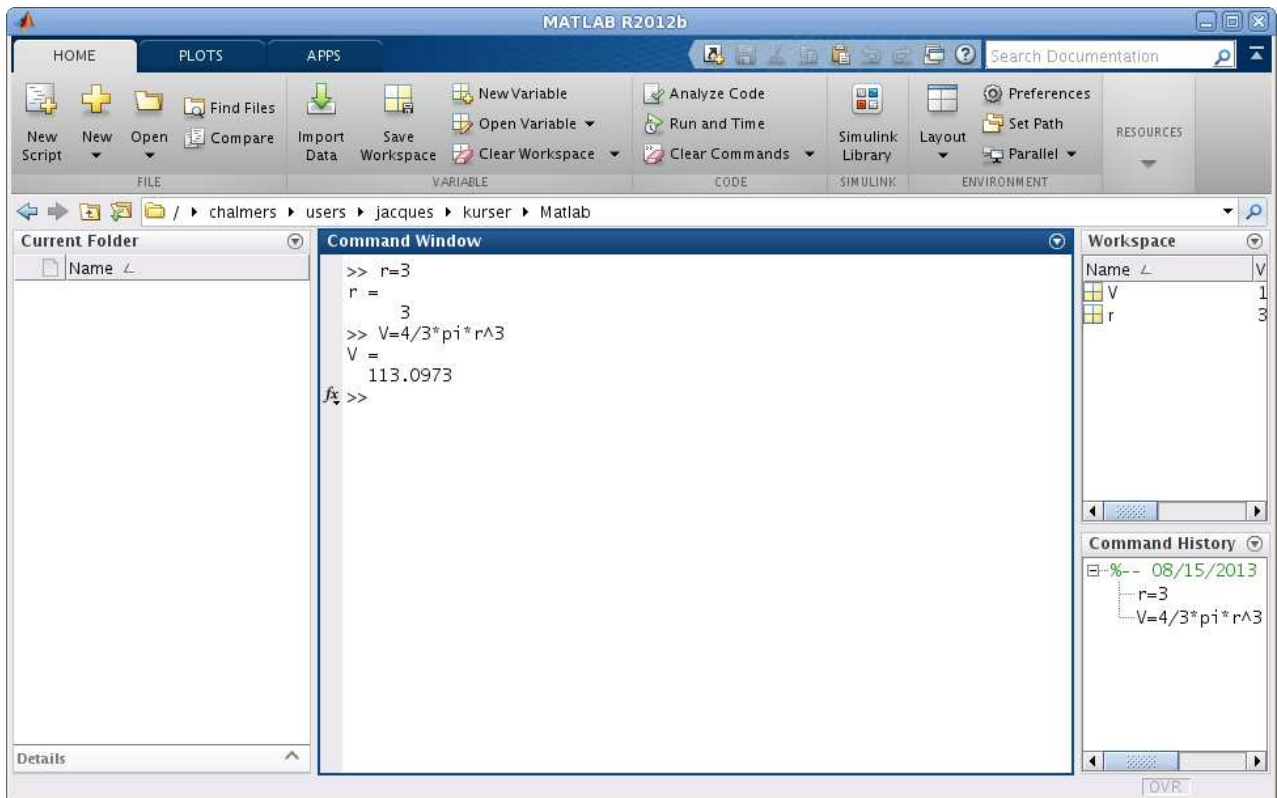
Exempel 1. Beräkna volymen av ett klot med radien $r = 3$ cm. Volymen ges av $V = \frac{4}{3}\pi r^3$.

Först inför vi en variabel **r**, för radien, som vi ger värdet 3.

```
>> r=3
```

Därefter beräknar vi volymen enligt formeln (pi ger en approximation av konstanten π) och låter variabeln **V** få detta värde.

```
>> V=4/3*pi*r^3
```



Ett variabelnamn skall börja med en bokstav (a-z, A-Z), därefter får vi ha bokstäver (a-z, A-Z), siffror (0-9) och understrykningstecken (_). MATLAB skiljer på stora och små bokstäver.

Den s.k. promptern (>>) skriver vi inte. Tecknet finns i **Command Window** på raden där vi skall skriva vårt kommando och visar att MATLAB är redo. Vi ser våra variabler och deras värden i **Workspace** och i **Command History** ser vi kommandona vi givit så långt.

Uppgift 1. Beräkna arean av en cirkelskiva med radien $r = 4$ cm. Arean ges av $A = \pi r^2$.

Exempel 2. Rita grafen av $f(x) = \sin(x) + 0.3 \sin(4x)$ för $0 \leq x \leq 4\pi$.

Först gör vi en lista eller radvektor $\mathbf{x}$ av x -värden mellan 0 och 4π , med kommandot

```
>> x=0:0.1:4*pi;
```

som vi skriver i **Command Window**.

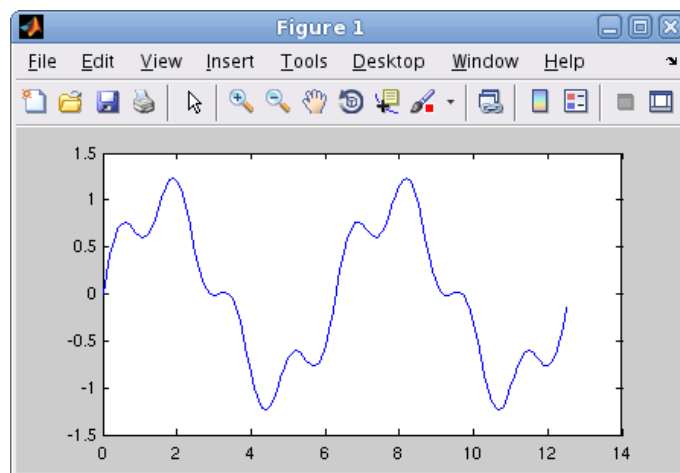
Närmare bestämt får vi värdena 0, 0.1, 0.2, 0.3, $\dots$, 12.5, dvs. värden med start i 0, steget 0.1 och slut så nära upp mot 4π som möjligt. Om vi hade inte skrivit ett semikolon (;) sist i uttrycket för $\mathbf{x}$, hade alla x -värden skrivits ut i **Command Window**.

Därefter gör vi en lista eller radvektor $\mathbf{f}$ med $f(x)$ -värden för varje x -värde i $\mathbf{x}$ och ritar upp grafen med `plot`.

```
>> f=sin(x)+0.3*sin(4*x);
```

```
>> plot(x,f)
```

Dessa kommandon skriver vi i **Command Window** och ett grafikfönster **Figure** kommer upp



Vi kan använda uppåtpil ($\uparrow$) för att komma till ett kommando vi givit tidigare, eller dra kommandot från **Command History**. Om vi vill kan vi gå längs raden med vänster- och högerpilarna ($\leftarrow$), ($\rightarrow$) och redigera kommandot. När kommandot ser ut som vi vill trycker vi på enter ($\leftarrow$).

Vill vi rensa **Command Window** gör vi det med kommandot `clc` och med kommandot `clf` rensar vi **Figure 1**.

Uppgift 2. Rita grafen till $f(x) = \sin(x) + 0.3 \sin(5x)$ över intervallet $0 \leq x \leq 4\pi$.

Exempel 3. Rita graferna av $f(x) = \sin(x)$ och $g(x) = \sin(4x)$ för $0 \leq x \leq 2\pi$. Sätt rubrik och text på axlarna.

Vi använder funktionen `linspace` för att få 100 punkter jämnt fördelade mellan 0 och 2π , då blir graferna jämna och snygga.

```
>> x=linspace(0,2*pi);
```

```
>> f=sin(x);
```

```
>> g=sin(4*x);
```

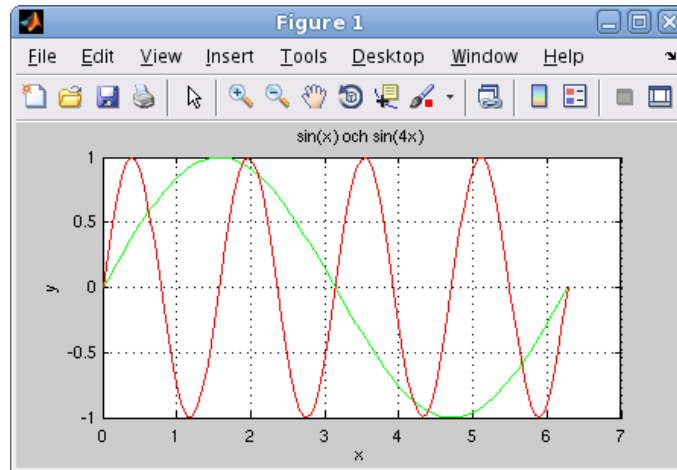
Vi ritar båda graferna samtidigt med `plot`, både paret $\mathbf{x}$, $\mathbf{f}$ och paret $\mathbf{x}$, $\mathbf{g}$.

```
>> plot(x,f,'green',x,g,'red')
```

För att skilja graferna åt gjorde vi $\sin(x)$ -grafens färg till 'green' och $\sin(4x)$ -grafens färg till 'red'.

Vi sätter text på axlarna och rubrik samt lägger på ett rutnät med

```
>> xlabel('x')
>> ylabel('y')
>> title('sin(x) och sin(4x)')
>> grid on
```

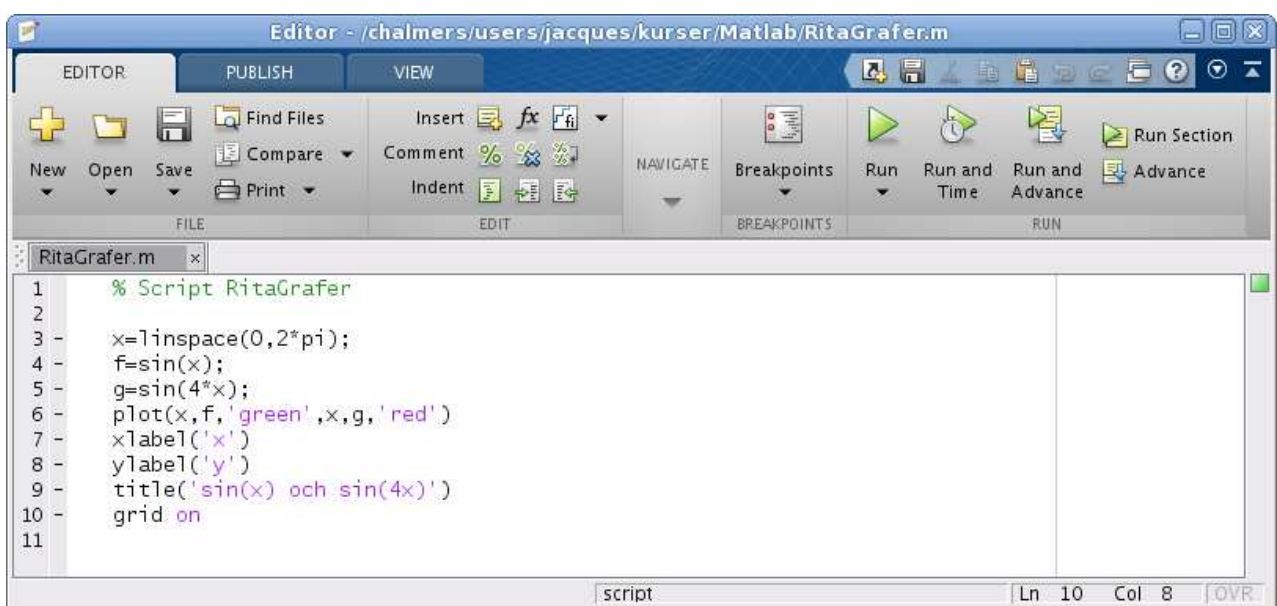


Texterna inom apostrofer (' '), t.ex. 'green' och 'x', är s.k. textsträngar.

4 Skriptfiler

För att slippa skriva om sina kommandon, eller bläddra med uppåt- och nedåtpilar (↑), (↓) i kommandofönstrets historik eller dra från **Command History**, så brukar man skriva ett **script** eller skriptfil. Ett **script** är en textfil som innehåller det man skulle kunna skriva direkt vid promptern (>>) i **Command Window**, och som utförs i MATLAB då man ger textfilens namn som kommando.

Som exempel ser vi på ett **script** för exempel 3 gjort med den i MATLAB inbyggda editorn.



Editorn i MATLAB startas genom att man trycker på **New Script** eller det stor plustecknet på HOME-fliken (se Desktopen i avsnitt 2 eller 3).

Editorn markerar koden med olika färger för att visa vad som är kommentarer, nyckelord, textsträngar, etc. (Kommentarer inleds med procenttecken.)

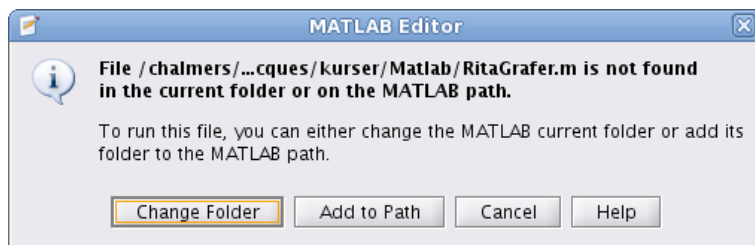
Spara kan vi göra under **Save** på **EDITOR**-fliken eller med diskett-symbolen i verktygsfältet och köra kan vi göra genom att trycka på  som finns på **EDITOR**-fliken. Då sparas vårt **script**, under ett namn vi väljer, och utförs som om vi gav namnet som ett kommando. När **scriptet** körs kommer MATLAB att utföra rad för rad (med start från första raden), och vi kommer få samma grafer som i exempel 3.

Så här ser dialogrutan ut som kommer upp då vi skall namnge vårt **script**.



Utanför MATLAB får namnet på ett **script** tillägget **.m** för att skilja denna typ av fil från andra filer.

För att MATLAB skall hitta filen, krävs det att katalogen där filen ligger är aktuell katalog. Om man försöker köra ett **script** som ligger i en annan katalog än den aktuella, så får man upp en fråga om att byta till den katalogen:



Välj **Change Folder** så byter MATLAB katalog.

Man kan byta katalog genom att antingen klicka sig fram i **Current Folder** eller använda navigeringsfältet precis under flikarna.

Editor i MATLAB har något som kallas **Cell Mode** (cell-läge). Inleder man en rad med två procenttecken följt av ett blanktecken (**%**), så avgränsar det en cell. Poängen är att man kan köra koden från en cell, istället för hela filen. På så sätt kan man dela upp en stort **script** (för en hel studioövning) i flera delar (varje deluppgift).

I cell-läge kan man evaluera aktuell cell genom att klicka på , evaluera aktuell cell och gå till nästa genom att klicka på  eller bara gå till nästa med . Samtliga val finns till höger på **EDITOR**-fliken.

5 Lite programmering

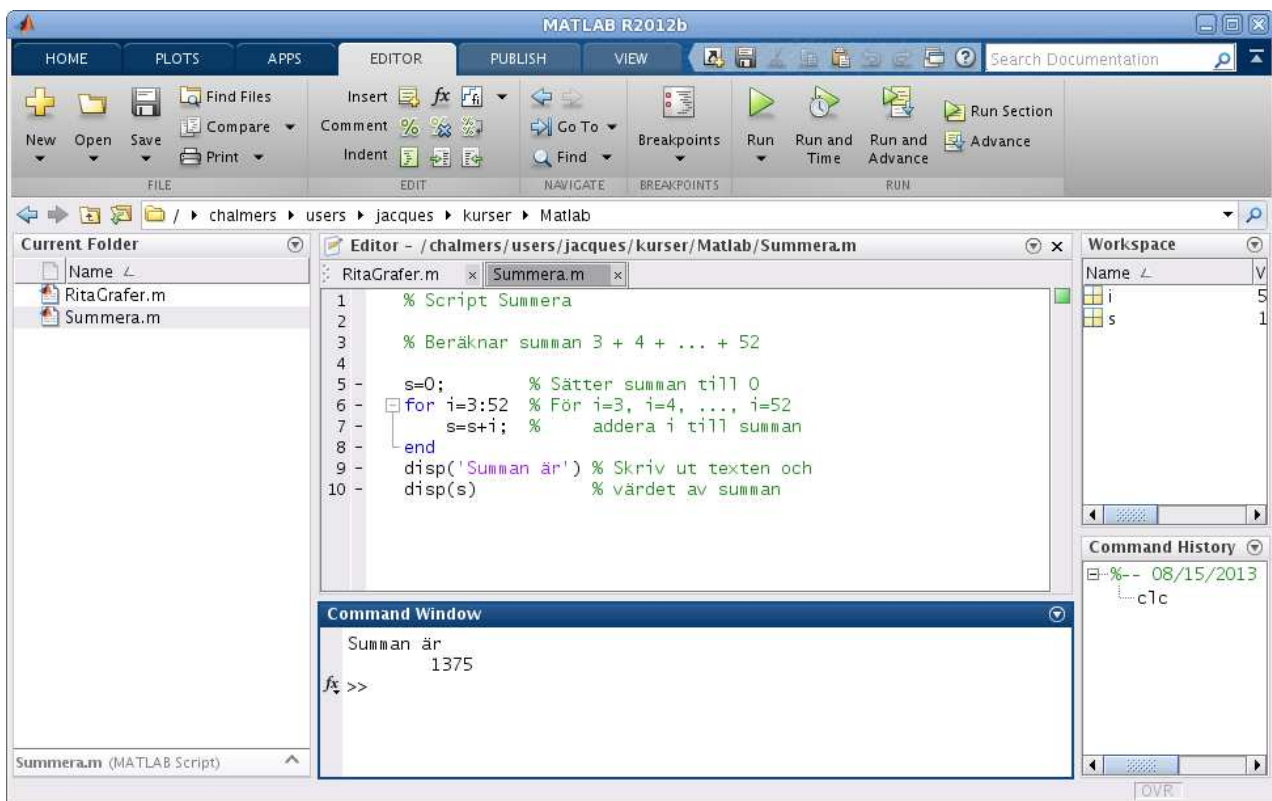
I MATLAB finns repetitions- och villkorssatser som påminner om motsvarande i programspråk som C och Java.

Vi nöjer oss för tillfället med att se på en repetitionssats, en **for**-sats, som vi använder för att beräkna en summa i följande exempel.

Exempel 4. Beräkna summan $s = 3 + 4 + 5 + \dots + 52$.

Vi gör ett script med programkoden

```
s=0;
for i=3:52
    s=s+i;
end
```



Vi skriver lämpliga kommentarer (grön text) i programkoden och gör lämplig utskrift, först textsträngen **Summan är** och sedan summans värde.

I matematik skriver man gärna summan $3 + 4 + 5 + \dots + 52$ med beteckningen

$$\sum_{i=3}^{52} i$$

Uppgift 3. Skriv ett script som beräknar summan

$$\sum_{i=1}^5 i^2 = 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + 5^2$$

6 Funktioner

Det finns olika sätt att göra egna funktioner i MATLAB. Om funktionen innehåller flera uttryck eller satser måste man göra en **function**, dvs. skapa en textfil med funktionsbeskrivningen. Består funktionen av ett enda uttryck så kan vi göra en s.k. anonym funktion (**anonymous function**).

För större program kan man även vilja använda andra sätt att skriva funktioner, exempelvis underfunktioner (subfunction) eller nästlade funktioner (nested function), men vi lämnar det så länge.

Vi ser på ett exempel där vi gör en **function** vilket är grundtypen för egna funktioner.

Exempel 5. Vi vill hitta ett nollställe till funktionen $f(x) = x^3 - \cos(x)$.

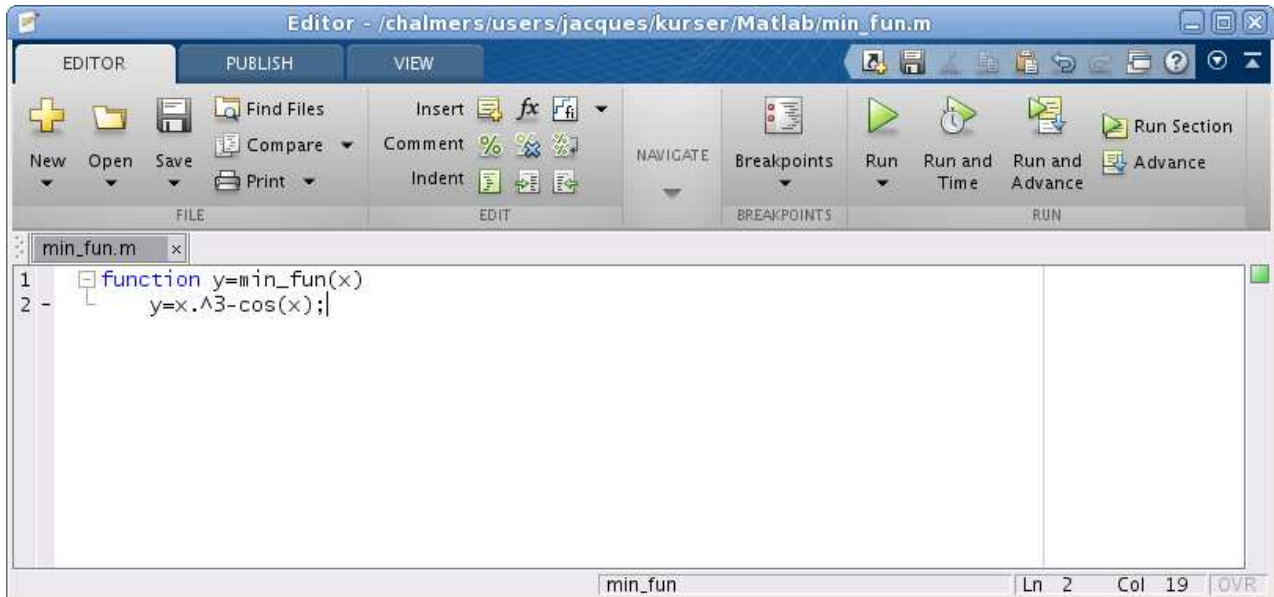
Det finns en funktion **fzero** i MATLAB som hittar nollställena. För att använda **fzero** måste vi först beskriva vår funktion och det gör vi som en **function** enligt

```
function y=min_fun(x)
    y=x.^3-cos(x);
```

där **y** är funktionens värde (utdata), **x** är funktionens argument (indata) och **min_fun** är funktionens namn (som vi själva valt).

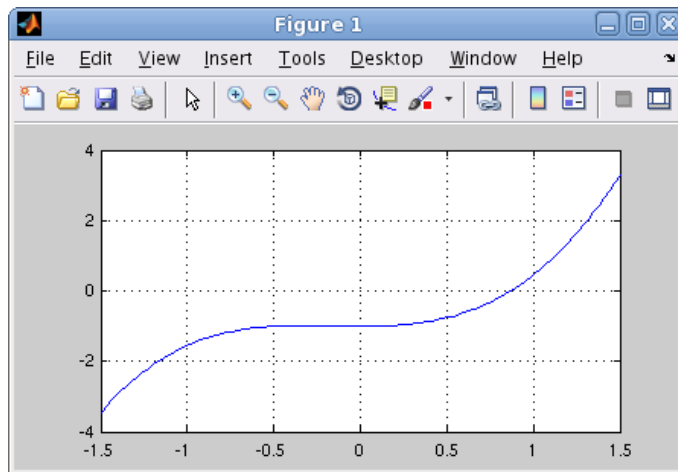
Vi skriver x^3 som **x.^3** i MATLAB eftersom vi vill att **x** skall kunna vara en lista eller radvektor med många x -värden och vill då att varje enskilt x -värde, dvs. varje element eller komponent, skall upphöjas till 3. Detta är en s.k. *komponentvis* operation.

Vi skriver in funktionen i editorn och sparar den under namnet **min_fun** på samma sätt som för ett **script**, dvs. textfilen skall heta **min_fun.m** i katalogen.



Vi ritar grafen genom att direkt i **Command Window** skriva

```
>> x=linspace(-1.5,1.5);
>> y=min_fun(x);
>> plot(x,y)
>> grid on
```

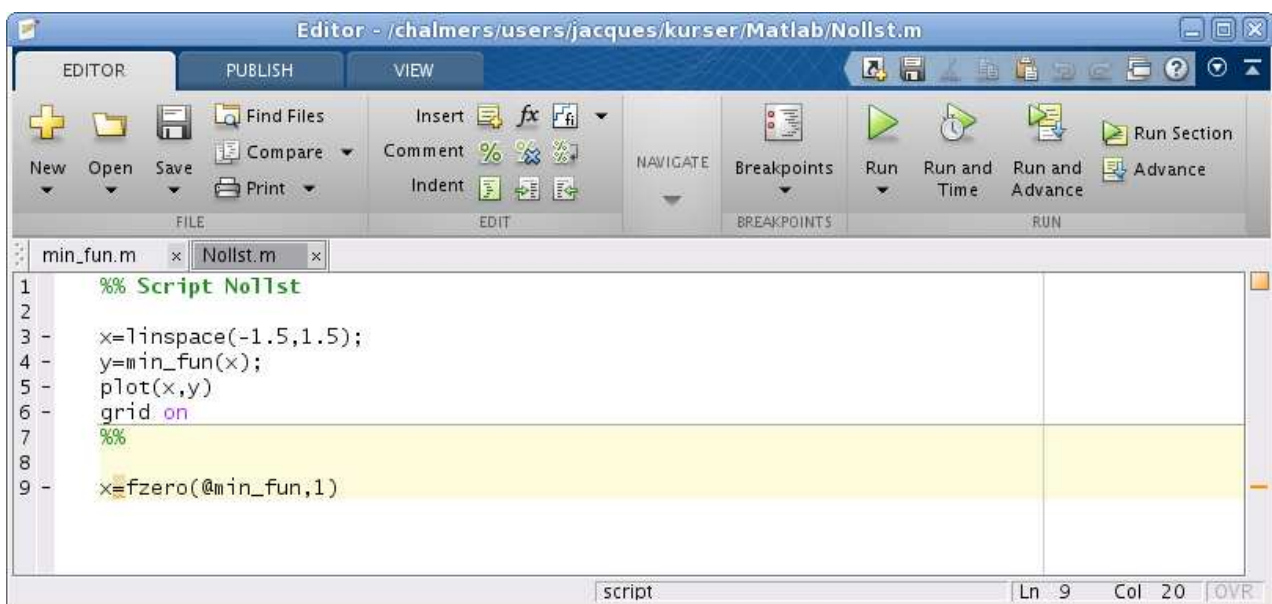


Vi ser att vi har ett nollställe nära $x = 1$ och låter `fzero` beräkna nollstället noggrant med

```
>> z=fzero(@min_fun,1)
z =
    0.8655
```

Med `@min_fun` talar vi om för `fzero` vilken function som skall användas, dvs. vilken funktion det skall sökas nollställe till.

Vanligtvis kommer vi använda vi ett `script`. Lägg märke till att vi använder cell-läge.



I exemplet ovan definierade vi funktionen i en egen fil. Man kan också placera funktionsdefinitionen sist i ett vanligt `script`. Men då måste funktionsnamnet och filnamnet vara olika.

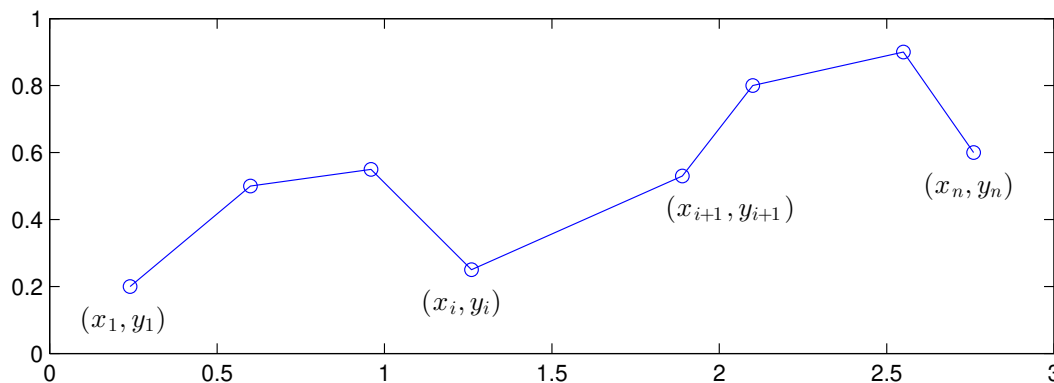
Uppgift 4. Hitta alla nollställen till funktionen $f(x) = x^2 - \cos(x)$. Gör en function som beskriver vår funktion och rita en graf. Använd sedan `fzero` för att beräkna varje nollställe, ett i taget. Glöm inte att skriva x^2 som `x.^2` i MATLAB om `x` är en lista eller radvektor. Tänk på att funktionen måste skrivas i en egen textfil.

7 Lite mer om grafitning

Ibland vill man rita flera funktionsgrafer i samma koordinatsystem. Efter att ha ritat första grafen ger man kommandot `hold on` för att bevara den, sedan kan man rita fler grafer ovanpå tills man tar bort skyddet med `hold off`. Vi kan lägga på ett rutnät med `grid on` (vi gjorde det i exempel 3) och ta bort det igen med `grid off`, om vi vill det.

Man kan ibland vilja ha flera koordinatsystem i samma figur-fönster (**Figure**). Då använder man kommandot `subplot`, som vi snart skall se i ett exempel.

En funktionsgraf är ett polygontåg, dvs. en följd av punkter $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$, som vi successivt förbinder med rätta linjer.

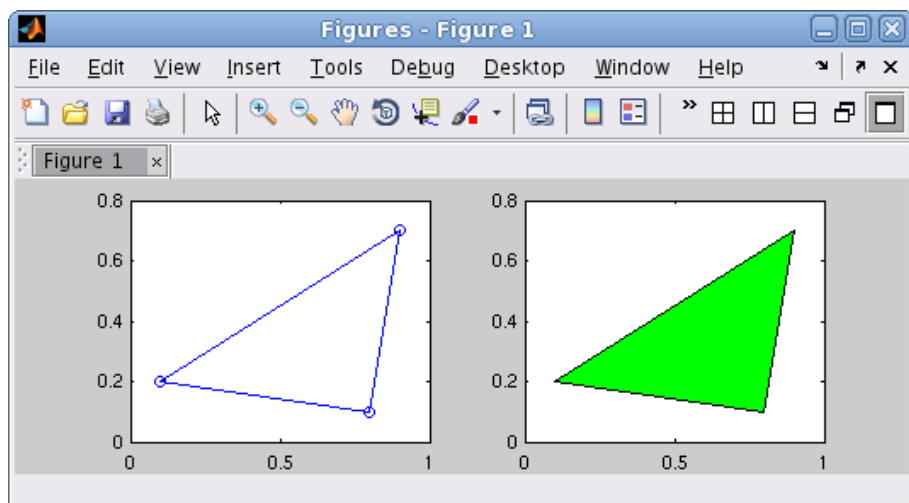


Vi kan även rita ett polygontåget som inte är en funktionsgraf, t.ex. en triangel, en rektangel eller en cirkel.

Om polygontåget är slutet, dvs. $x_n = x_1$ och $y_n = y_1$, och om det inte korsar sig självt så omsluter det ett område i planet, ett s.k. polygonområde. Vi kan använda `fill` för att färglägga ett sådant område.

Exempel 6. Vi ritar triangeln som ges av polygontåget $(0.1, 0.2), (0.8, 0.1), (0.9, 0.7), (0.1, 0.2)$.

```
>> x=[0.1 0.8 0.9 0.1];  
>> y=[0.2 0.1 0.7 0.2];  
>> subplot(1,2,1)      % Delar in Figure i 1x2 delar och gör 1:a aktivt  
>> plot(x,y,'-o')      % '-o' förbinder med rätta linjer och markerar med ringar  
>> axis([0 1 0 0.8])   % Ger lite "luft" runt triangeln
```

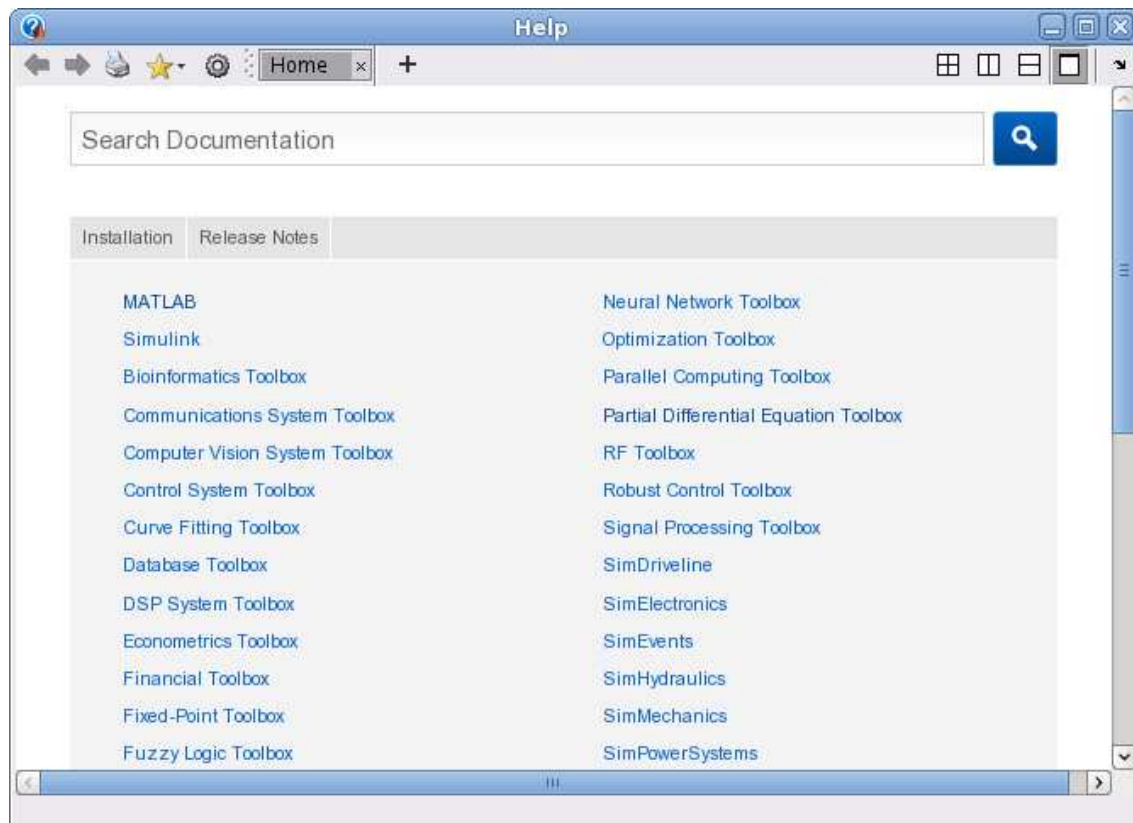


```
>> subplot(1,2,2)      % Delar in Figure i 1x2 delar och gör 2:a aktivt
>> fill(x,y,'g')       % Fyller triangeln med grön färg
>> axis([0 1 0 0.8])
```

8 Hjälpssystemet

Den mest utförliga och aktuella beskrivning som finns av MATLAB hittar man i det inbyggda hjälpssystemet **Help**.

Tryck på  i verktygsfältet eller på fliken **HOME** och ett fönster **Help** öppnas.



Vi ser då den stora uppsättningen av verktygslådor, för olika tillämpningsområden, som följer med. Man kan söka sig fram för att hitta hjälptexter för olika kommandon och funktioner.

Det är viktigt att lära sig att läsa dokumentationen. Den är inte skriven för att lära ut till nybörjare hur man löser ett problem med MATLAB, utan för att visa exakt hur en funktion eller ett kommando används. Man måste lära sig att "skumma" texterna.

Uppgift 5(a). Leta upp och läs hjälptexten för `linspace` som vi använde i samband med grafritning. Hur anger man antal punkter man vill ha? Hur många punkter får man som standard om man inte anger något antal?

(b). Leta upp hjälptexten för `fzero` som vi använde i exempel 5.

9 Desktop layout

När man startar MATLAB får man en standard desktop layout. Man kan ändra denna layout genom att "docka" in de fönster man vill ha på sin desktop och sedan "dra" dem till rätt plats

(om det behövs). Att ”docka” in eller ut ett MATLAB-fönster görs med de små pilar som finns uppe till höger i fönstren (strax intill ”krysset”).

Man kan spara sin layout med ett lämpligt namn, genom att välja **Save Layout ...** under **Layout** på **HOME**-fliken.