

Svar till övningsuppgifterna

- 1a)  $9t - u - 9v$  b)  $2a + 12c + 73x$   
 2a)  $p+r$  b)  $2c+3b$  c)  $4a-2c$   
 3a) 25 b) 32 c) 81 d) -64 e) 1 f) 100 g) 1 h) 1  
 4a)  $20x^2z^8$  b)  $-27a^4b^5c^4$  c)  $14p^3q^9r^4s^2$   
 5a)  $27x^6y^3$  b)  $-128a^8b^7c^6$  c)  $a^4p_b^7p$   
 6a)  $2x^2+3xy-2y^2$  b)  $2x^3+x^2y-5xy^2+2y^3$  c)  $a^5+x^5$  d)  $6-13x+2x^2+x^3-2x^4$   
 7a)  $9a^2-24ab+16b^2$  b)  $a^6+4a^3b^2+4b^4$  c)  $2m^8+32$   
 8a)  $36-x^2$  b)  $a^4-y^2$  c)  $x^{12}-81$   
 9a)  $y^3+9y^2x+27yx^2+27x^3$  b)  $27x^3+54x^2y^2+36xy^4+8y^6$   
 c)  $x^{12}-18x^9+108x^6-216x^3$   
 10a)  $(x-a^2)(x+a^2)$  b)  $x^2(3x+5)(3x-5)$  c)  $(x+9)^2$  d)  $x^2y(x-2y)^2$   
 e)  $x(x-1)(x^2+x+1)$  f)  $3(a+3b)(a^2-3ab+9b^2)$  g)  $x^2(1-x)(1+x)(1+x^2)$   
 h)  $2x^2y(3y^2-2x)(9y^4+6y^2x+4x^2)$   
 11a)  $(x+2)^2-3$  b)  $4(x-9/2)^2+19$  c)  $39-(x+6)^2$   
 12a) -1 för  $x=-1$  b)  $2/3$  för  $x=1/3$  c) -15 för  $x=\pm 2$   
 d) 1 för  $x=0$   
 13a) 11 för  $x=2$  b) 1,05 för  $x=0,1$   
 14a)  $x^5-5x^4+10x^3-10x^2+5x-1$  b)  $1-7y+21y^2-35y^3+35y^4-21y^5+7y^6-y^7$   
 c)  $32x^5+80x^4a^2+80x^3a^4+40x^2a^6+10xa^8+a^{10}$   
 d)  $x^6y^{12}-18x^5y^{10}z+135x^4y^8z^2-540x^3y^6z^3+1215x^2y^4z^4-1458xy^2z^5+729z^6$   
 15a)  $1\frac{1}{12} = \frac{13}{12}$  b) -2  
 16a)  $1/4$  b)  $-1/27$  c) 1  
 17a)  $2^{-6}$  b)  $2^2$  c)  $2^{-4}$   
 18a)  $\frac{3a^6}{8c^2}$  b)  $\frac{8y}{9x}$  c)  $\frac{2a+y}{2a}$  d)  $3xy+5y-2x$   
 19a)  $2/(b-a)$  b)  $x^2(1+2x)/(1-2x)$  c)  $-1/(y-x)^2$  d)  $(b^4+3)/(b^4-3)$   
 e)  $(a^2+ab+b^2)/(a-b)$  f)  $(a+1)/a$  g)  $(x^2+4)/(x^2+2x+4)$

- 20a)  $a^2-ab+b^2$  b)  $a^3+a^2b+ab^2+b^3$  c)  $(a^4+b^4)/(a+b)$   
 d)  $-(a^4+a^3b+a^2b^2+ab^3+b^4)$   
 21a)  $x-y^2$  b)  $(x^2+1)(x-1)/(x^3-x^2+x)$  c)  $x/y$  d)  $1/2$   
 22a)  $\frac{18}{x(x^2-9)}$  b)  $\frac{2x^2-7x-2}{2x(x-4)}$  c)  $\frac{-1}{x(x^2-1)}$  d)  $\frac{8-2x^2-x^3}{4(x+2)(x^3-8)}$   
 23a)  $x = 4\frac{11}{13} = \frac{63}{13}$  b)  $x=0,01$  c) Identitet för  $x \neq \pm 3$  d)  $x=4$   
 23') Efter 6 år c)  $x = -7/2$   
 24a)  $x^2+1 + \frac{1}{x^2-1}$  b)  $1 + \frac{x+1}{x-1} = 1 + \frac{1}{x-x^2+x-1}$  c)  $2x-2 + \frac{9x-2}{x^2+5x-3}$   
 d)  $x^2-3x+2$  e)  $x^2-2x+5 - \frac{4}{2x+1}$  f)  $x^2 + \frac{1}{3} - \frac{2(x-1)}{3(3x^2-x-2)} = x^2 + \frac{1}{3} - \frac{2}{3(3x+2)}$   
 25a)  $x=3,5, y=1$  b)  $x=4, y=1$  c)  $x=-2, y=+2$  d) saknar lösning  
 e) oändligt många lösningar:  $x=t, y=3-5t$ , (alla reella t)  
 f)  $x=3, y=1$  g)  $x=2, y=3$  h)  $x=3, y=5, z=2$   
 i)  $x=10, y=-0,04, z=0,06$  j)  $x=-1, y=1, z=2$  k)  $x=1, y=-2, z=3$   
 26) 48 år  $\begin{cases} x=1, y=-2, z=3 \\ x=-1, y=1, z=2 \\ x=1, y=-2, z=3 \end{cases}$   
 27a) 7 b) 7 c) 0  
 28a)  $x_1=0, x_2=-2$  b)  $x_1=10,5, x_2=-4,5$  c)  $x=-4$   
 d)  $x_1=4, x_2=-1$  e) saknar lösning  
 29a)  $-1 \leq x \leq 3$  b)  $-8 < x < 2$  c)  $-1 \leq x < 0$  och  $4 < x \leq 5$  d)  $x=-2$   
 30a)  $x_1=2,5, x_2=-1,5$  b) alla x där  $-1 \leq x \leq 2$  c)  $x_1=0, x_2=-7,5$   
 d)  $x=-5$   
 31a) 0,7 b) 300 c)  $15 \cdot \sqrt{2}$  d)  $\sqrt{2}/5$  e)  $\sqrt{3}$  f)  $10 - \sqrt{2}$   
 32a)  $x_1=5, x_2=-5$  b)  $x_1=\sqrt{5}, x_2=-\sqrt{5}$  c)  $x_{1,2} = \pm 2/3$   
 d)  $x_{1,2} = \pm 2\sqrt{6}/3$  e)  $x_1=x_2=0$   
 33a)  $\sqrt{6}/3$  b)  $\sqrt{27}/7$  c)  $\sqrt{3}-\sqrt{2}$  d)  $\sqrt{11}+3$  e)  $-(2+\sqrt{5})$  f)  $3-2\sqrt{2}$   
 34a)  $|x+2|$ , alla x b)  $+1$  för  $x > 0, -1$  för  $x < 0$  c) 1,  $x > 0$   
 d)  $-x \cdot \sqrt{9-x^2}, x < 9$  e)  $1/\sqrt{x-2}, x > 2$   
 f)  $\sqrt{x+2}$  för  $x > 0, -\sqrt{x+2}$  för  $-2 \leq x < 0$